# 工业生产中冷却平台的非稳态导热数值研究

刘军强 宁 珍 唐 强 涨永恒

(兰州交通大学 机电学院,甘肃 兰州 730070)

摘 要:通过介绍工业生产中一冷却平台的结构和工作环境,建立模型,对该模型进行了初边条件的设定和网格的划 分,并在三维适体坐标下对非稳态无内热源导热方程离散。应用在不同尺寸模型下的数值计算,得到冷却平 台的温度场和符合生产要求的非稳态导热时间,并对结果进行了分析和论证。

关键词:冷却平台;非稳态导热;数值研究

中图分类号: TH123

文章编号:1007-4414(2013)01-0048-02

Numerical study of the unsteady state heat conduction of cooling

platform in industrial production

Liu Jun-qiang , Ning Zhen , Tang Qiang , Zhang Yong-heng

(Mechanical and electrical college of Jiaotong university, Lanzhou Gansu 730030, China)

**Abstract**: Through the introduction of a cooling platform structure and working environment in industrial production , its models is established , the initial boundary conditions and the grid are divided for the models , and unsteady state conduction equation without inner heat is discreted in three dimensional body fitted coordinates. Numerical calculation in different size models , the platform cooling temperature field is got and the production requirements could meet the unsteady state heat conduction time , and the results are analyzed and demonstrated.

Key words: cooling platform; unsteady state heat conduction; numerical study

文献标志码: A

### 1 模型描述

在某一工业生产中,一块红热钢板放置在一冷却 平台上,冷却平台中有冷却孔,孔中通水冷却,钢板初 始温度为900℃,要求温度降温到200℃以内。图1 为结构示意图,上部为红热钢板,总热量为Q,下部为 冷却平台,在距离冷却平台表面 b 处加工一排直径为 D 的孔,孔数量为n,孔间距为a(非孔的中心距),孔 内通水冷却。推导公式时,时间设为t;钢板长度可自 定,设为L;希望能得到水流速度 u 与 a、b、D 之间的 关系公式。



图1 冷却平台及钢板尺寸示意图

图 2 计算模块

该模型尺寸及工况如下: *e* = 2m *f* = 10mm *,L* = 1m *μ*=15mm ,其中 *l* 为(管长) ,此处假设 *l*=*L*; *w*=*a*+ *D*; *d*=*D*; *H*=*b*+*D*/2 ,冷却水速度 *u*=2m/s ,环境温度

$$T_{en} = 20$$
℃。  
雷诺数:  
 $Re = \frac{ud}{2}$  (1)

$$Re = \frac{1}{\nu_{\rm f}}$$
 (1)  
采用 Gnielinski 公式<sup>[1]</sup>:

$$Nu = \frac{(f/8) (Re - 1000) Pr_{\rm f}}{1 + 12.7 \sqrt{f/8} (Pr_{\rm f}^{2/3} - 1)} [1 + (\frac{d}{l})^{2/3}]c_{\rm t}$$
(2)

对于液体:(此处介质为水):

$$c_{t} = \left(\frac{Pr_{f}}{Pr_{w}}\right)^{0.01}$$
(3)

(1, 22) (1, 64) (-2)

$$h = \lambda N u/d = 1177.5$$
 (5)

根据模型温度分布对称性特点 取图2的模块进 行分析。显然该问题为一非稳态导热问题。控制方 程和初边条件如下。

控制方程:  
$$\frac{\partial T}{\partial t} = \operatorname{div}(\frac{\lambda}{\rho c_{p}} \operatorname{grad} T)$$
(6)

\* 收稿日期:2013-01-07

作者简介:刘军强(1984-),男,甘肃兰州人,在读硕士,研究方向:强化化热。

• 48 •

式中: λ 为导热系数 ρ 为密度 ,为 c<sub>p</sub> 定压比热容。 初始条件: 区域 A-B-C-L-A: T=900℃ 区域 C-D-E-F-G-K-L-C: *T*=*T*<sub>en</sub> (7) 边界条件:

在边界 A-B 上为辐射换热 根据斯忒藩-玻尔兹 曼定律 辐射换热量(假设辐射热量全部散失于周围 环境 不再返回 ,且环境温度恒定)通过查表可得 ,具 有光滑氧化层表皮钢板的发射率为: ε=0.82 ,则有:

$$-\lambda \frac{\partial T}{\partial y} = \varepsilon \sigma \left[ (T_{AB} + 273.2)^{4} - (T_{en} + 273.2)^{4} \right]$$
  
$$\sigma = 5.67 \times 10^{-8}$$
(8)

在边界 B-D,F-G,A-K 上,根据温度分布的对称性,则有:

$$-\lambda \frac{\partial T}{\partial x} = 0 \tag{9}$$

在边界 D-E-F上,是强制对流换热,忽略轴向导热,则有:

$$-\lambda \frac{\partial T}{\partial r} = h(T_{w} - T_{f})$$
(10)

式中: h 为强制对流换热系数。

在边界 K-G 上为第一类边界条件:

$$T_{\rm GK} = T_{\rm en} \tag{11}$$

3 数值求解

应用显式格式求解,且该问题无内热源,在三维 适体坐标下式(6)可转化为:

$$\frac{\partial(\rho T)}{\partial t} = \frac{1}{J} \left[ \frac{\partial}{\partial \xi} \left( \frac{\Gamma \alpha}{J} \frac{\partial T}{\partial \xi} \right) + \frac{\partial}{\partial \eta} \left( \frac{\Gamma \beta}{J} \frac{\partial T}{\partial \eta} \right) + \frac{\partial}{\partial \zeta} \left( \frac{\Gamma \gamma}{J} \frac{\partial T}{\partial \zeta} \right) \right]$$
(12)

其中:  $\Gamma = \lambda / c_p$ 。

$$J = x_{\xi} y_{\eta} z_{\zeta} + x_{\zeta} y_{\xi} z_{\eta} + x_{\eta} y_{\zeta} z_{\xi} - x_{\zeta} y_{\eta} z_{\xi} - x_{\xi} y_{\zeta} z_{\eta} - x_{\eta} y_{\xi} z_{\zeta}$$
(13)

用有限容积法离散方程式(12),可得到三维非 稳态无内热源导热七点格式,上一时层温度值用 T<sup>0</sup> 表示<sup>[2-4]</sup>,即:

$$a_{\rm P}T_{\rm P} = a_{\rm E}T_{\rm E}^{0} + a_{\rm W}T_{\rm W}^{0} + a_{\rm N}T_{\rm N}^{0} + a_{\rm S}T_{\rm S}^{0} + a_{\rm B}T_{\rm B}^{0} + a_{\rm T}T_{\rm T}^{0} + B$$
(14)

$$a_{\rm P} = \frac{J(\rho c_{\rm P}) {}_{\rm P} \Delta \eta \Delta \xi \Delta \zeta}{\Delta t}$$
(15)

$$B = -\left(\frac{\Gamma}{J}\alpha T^{0}_{\eta}\right)^{e}_{w} - \left(\frac{\Gamma}{J}\beta T^{0}_{\xi}\right)^{n}_{s} - \left(\frac{\Gamma}{J}\gamma T^{0}_{\zeta}\right)^{t}_{b} \quad (16)$$

根据模型尺寸,取 H=30mm 生成图 3 的三维网格 图 4 是 z=10mm 的二维截面网格。分别对 H= 30mm、40mm、50mm、60mm、70mm 尺寸数值计算出图 5 的温度场。

4 结果分析

对不同 H 尺寸模型的数值计算,可得出钢板温 降到 200℃内的时间,如图 6 所示。



图 6 说明 随着 *H* 的增加圆管壁面最高温降低, 且 *H* 最小时,温度最高,传热效果最为明显,并低于 汽化温度,该 *H* 尺寸保证圆管内的水在强化传热过 程的稳定性和效果。若 *H* 小于该尺寸,管内流体则 发生汽化,无法保证传热系数*h* 的有效性。

根据图 7 的相关数据,可拟合出达到设计目标的 时间 *t* 随尺寸 *H* 的关系式:

 $t = 13.26\ln(H) - 1.79 \ H = b + D/2$  (17)

从图中可看出 随着圆管中心至冷却平台顶端距 离 H 的增加,钢板冷却降至 200℃的时间也增加。这 是由于在钢板释放热量一定的前提下,随 H 的增加, 冷却平台的蓄热量逐渐增多,强化传热带走的热量减 少。相应地,热量从冷却平台顶端传递到圆管壁面的 速率降低,管壁附近的温度梯度减小,从而导致圆管 对流冷却能力削弱。从传热机理上讲,在圆管流体 中,由于流体粘性,速度梯度的存在,强化对流要比导 热的传热能力大得多,在所传递热量一定的情形下, 对流传热能力削弱,必然导致所需时间增加。

(下转第52页)

• 49 •

分布。由图9可看到在一定流量三种转速情况下,内 机出口速度都有较大波动。由图10可看到,在低转 速情况下,上壁面附近发生旋涡流动,而在中转速与 高转速时在下壁面附近发生了严重的流动分离。



图 9 内机出口风速分布



图 10 定风量变转速时流场速度分布

图 11、12 所示在固定流量,分别选取贯流风机 高、中、低转速时内机出口湍流强度分布与整个流场 湍流强度分布。由图 11、12 可见在固定流量低转速 和高转速情况下,湍流强度分布并不均匀,分别集中 在下壁面和上壁面附近,加剧了流动状况的恶化。随 着湍流强度的增大,能有效抑制流动分离的发生,能 够使流动分离点和再附点位置向出口位置移动。

#### 5 结 论

(1)对于固定转速下工作的贯流风机,风量过 大,会使得出风道上表面区域产生旋涡流动;风量过 小,会使得出风道下表面区域产生流动分离。因此, 存在一最佳风量,可使得出风道的流场结构最佳,流 动分离最少,由涡流造成的压力损失最小。



(2)对于固定风量下工作的贯流风机,转速过高,会使得出风道下表面区域产生流动分离;转速过低,会使得出风道上表面区域产生旋涡流动。因此,存在一最佳转速,可使得出风口流场结构最佳,流动分离最少,由涡流造成的压力损失最小。

#### 参考文献:

- [1] 薛永飞. 分体空调室内机的双流体数值模拟[J]. 工程热物理学 报 2007 28(2):235-237.
- [2] 张师帅,罗 亮.空调用贯流风机叶轮几何建模的参数化[J].风机技术 2006(5):14-16.
- [3] 薛永飞,任绍民,车福亮.空调室内机换热器的整体数值模拟 [J].制冷 2009 28(2):5-9.
- [4] 区颖达,吴克启. 横流风机特性参数的实验研究及统计分析 [J]. 流体机械 2000 28(12):5-6.
- [5] Yang Cheng Shih ,Hung Chi Hou ,Hsuchneg Chiang. Numerical study of the similarty law for the cross flow fan of a split-type air conditioner [J]. 2004 ,Trans. ASHRAE ,110( II): 379-388.
- [6] Wu C J ,Liu D P ,Pan J. A study of the aerodynamic and acoustic performance of an door unit of a DC-inverter split air-conditioner [J]. Trans. ASHRAE 2012 ,73(4):415-422.

### (上接第 49 页)

## 参考文献:

- [1] 杨世铭,陶文铨. 传热学[M].北京:高等教育出版社,1998.
- [2] 陶文铨. 数值传热学[M]. 西安: 西安交通大学出版社 2001.
- [3] Richtmyer R D ,Morton K W. Difference methods for initial problems. 2nded [M]. New York: Interscience publishers ,1967.
- [4] Freitas C J. Prospective: selected benchmarks from commercial CFD codes [J]. Fluids engineering ,1995(3):127-131.